

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

000

0000000000000000

0

Willkommen bei Verteilte Systeme!

Von Datenbanken
über Webdienste
bis zu p2p und Sensornetzen.

☺

Heute: **Algorithmen und Zustand.**
Wer nichts garantiert, kann alles verteilen. Aber ... ?

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

000

0000000000000000

0

Wiederholung Vorlesung 2 (Zeit)

Reale Uhren:

■ wall time vs. monotonic clocks

■ Skew and Drift

■ Synchronisieren: extern (Cristian, NTP), intern (Berkeley)

Logische Uhren:

■ Lamport: Ein Zähler pro Knoten. „Wenn es vorher war, dann ist der Zeitstempel kleiner.“

■ Vektor: N Zähler in jedem der N Knoten. Kausalität. „Wenn der Zeitstempel kleiner ist, dann war es vorher.“

■ sonst vielleicht gleichzeitig.

Ausschluss: Koordinator oder verteilt → Zusätzliche Nachrichten.

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

000

0000000000000000

0

Literatur

Distributed Systems - An Algorithmic Approach – Sukumar Ghosh (2015).

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Ablauf heute

■ Warum?

■ Wie? Representation und Fairness

■ Richtigkeit 1: Sicherheit und Lebendigkeit

--- PAUSE ---

■ Beispiel: Prozess-Farben

■ Richtigkeit: Beweismethoden

■ Zustand

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Ziele heute I

■ Sie verstehen, wieso in verteilten Algorithmen nicht einfach alle Möglichkeiten geprüft werden können.

■ Sie verstehen, warum Richtigkeit aus Sicherheit und Lebendigkeit besteht.

■ Sie kennen Definition über nichtdeterministische guarded commands.

■ Sie verstehen Beweise über Invarianten und Rückführung auf bekannte Strukturen.

■ Sie können erklären, wie ein Schnappschuss des Gesamtzustandes erstellt wird.

■ Sie können erklären, wie Dijkstra-Scholten den Abschluss feststellt.

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Verteilte Ausführung: Abfolgen von Zuständen

A

B

C

D

E

F

G

H

I

J

K

L

AB*CDE*FL oder AB*GHI*FL oder AB*GJK*FL?

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Alle möglichen Reihenfolgen prüfen?

$$N = \frac{(n \cdot m)!}{(m!)^n}; n \text{ Prozesse, } m \text{ Aktionen}^1 \quad (1)$$

Einfachster Fall:

Reihenfolge DDE

Reihenfolge DDE

Reihenfolge DDE

Reihenfolge DDE

Reihenfolge DDE

Reihenfolge DDE

$^1 n = 2, m = 2 \Rightarrow N = \frac{4!}{2!2!} = \frac{24}{4} = 6; n = 10, m = 4 \Rightarrow N > 10^{34}$

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Kriterien statt Zustände

■ Alle Zustände prüfen

■ Kriterien für alle Zustände beweisen

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Repräsentation

Darstellung von verteilten Algorithmen.

Ziele:

■ Sie verstehen choose-any und while-any.

■ Sie können erklären, wie Fairness den Programmablauf ändern kann.

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Notation für Programme

define : <program>
choose-any
<guard1>
<statement1>
<guard2>
<statement2>
Kein Guard wahr: Abbruch (Fehler).

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Notation für Programme

define : <program>
choose-any
<guard1>
<statement1>
<guard2>
<statement2>
Kein Guard wahr: Abbruch (Fehler).

define : <program>
define <variable> <value>
while-any
<guard1>
<statement1>
<guard2>
<statement2>
Kein Guard wahr: Nichts (Ende).

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Verkürzt

define : <program>
while-any
define <guard1> : <statement1>
<guard2> : <statement2>
Angelehnt an Dijkstras Guarded Command Language.²
choose-any = if, while-any = do
Ausprobieren:
<https://hg.sr.ht/~arnebab/guarded-commands>

²Ich nutze entgegen Dijkstras Vorstellungen ausführbaren Code, weil mir in Literatur zum Thema Fehler in dem entsprechenden Pseudocode aufgefallen sind.
Dijkstras Notation produktiv: Promela language → SPIN

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Strenge Notation

choose-any Äquivalent

if (...) {
...
}
else {
throw new RuntimeException("undefined branch");
}
Standard if

define : if-else-ignore
choose-any
<guard1> : <statement1>
<guard2> : <statement2>
#t : skip

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Beispiele

Nicht-Deterministisch

define : through-to-4
define x 0
while-any
[x < 4]
set! x [x + 1]
display x
[x = 3]
set! x 0
display x
newline
1234 / 12301234 / ... to copy

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Beispiele

Nicht-Deterministisch

define : through-to-4
define x 0
while-any
[x < 4]
set! x [x + 1]
display x
[x = 3]
set! x 0
display x
newline
1234 / 12301234 / ... to copy

Atomic

define : atomic-switch
define a #t
define flag #f
while-any
a
set! flag #t
set! flag #f
: and flag a
set! a #f
Endlosschleife to copy

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Anwendung

define : euclidean a b
while-any
[a < b] : set! b [b - a]
[b < a] : set! a [a - b]
values a b
to copy
Größter gemeinsamer Teiler:
euclidean 999999 15678 .
;; => 117

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Scheduler: Arten von Fairness

unbedingt fair Jeder Pfad wird irgendwann getestet³
stark fair Alle Pfade werden irgendwann getestet, deren Guard unbegrenzt oft wahr wird
schwach fair Alle Pfade werden irgendwann getestet, deren Guard wahr bleibt⁴

³Das ist der Normalfall, den wir ab jetzt ignorieren werden.
⁴Er wird nur auf zwei Arten wieder falsch, wenn er wahr war: sein Statement wird ausgeführt oder der Prozess terminiert.

Draketo

Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

Einstieg

Motivation

Representation

Richtigkeit

Zustand

Abschluss

0000

000

000000

0000000000000000

000000

0

Scheduler: Garantierte Fairness

■ stark und schwach: geringere Garantien als bei sequenziellem Code

■ ⇒ Mehr Freiheit für Netz-Implementierung

■ ⇒ „günstigere“ Systeme





choose-any/correct (delayed evaluation)

```
define-syntax wrap-all-in-lambda
lambda : x
syntax-case x (SEPARATOR)
: (done ...) SEPARATOR
#~ begin (list done ...)
: (done ...) SEPARATOR (guard action ...) guarded ...
#~ wrap-all-in-lambda
: (done ...) (cons (lambda() guard) (lambda() action ...))
: SEPARATOR guarded ...
: (guard action ...) guarded ...
#~ wrap-all-in-lambda
: ((cons (lambda() guard) (lambda() action ...))
: SEPARATOR guarded ...
: -
: '()
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

while-any/correct

```
define : while-any/internal guards
while #t
let loop : : guards : shuffle guards
when : null? guards
break
let : : guard : car guards
if : (car guard) ;; gets and calls the lambda
: cdr guard ;; gets and calls the lambda
loop : cdr guards

define-syntax-rule : while-any guarded ...
while-any/internal
wrap-all-in-lambda guarded ...
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

Phase helpers

```
define (phase i) : list-ref phases i
define (i+1%3 i) : modulo (phase i) + 1 3
define (i+2%3 i) : modulo (phase i) + 2 3
define : neighbors i
take : drop phases (max 0 (i - 1%3))
min 3 (N - (i - 1%3) (i + 2%3))
define : random-phase i
inexact->exact : floor : * 3 : random:uniform .
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast all-to-all III

```
define chan-in : fibers:make-channel
define chan-out : fibers:make-channel
fibers:
define N 3
define init-values : map list : iota N
;; connect every channel to every other channel
define out-channels
map (lambda _ '()) : iota N
define in-channels
map (lambda _ '()) : iota N
let loop : (N N)
when : not : zero? N
for-each
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast terminiert

Wertungsfunktion:

$$Y = (V_0, V_1, \dots, V_{n-1}, C_0, C_1, \dots, C_{m-1}) \quad (8)$$

c Kanalinhalt
V Zustand

In Schritt 1 wächst c.

In Schritt 2 wächst V.

Terminiert, weiß aber nicht, wann.

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

Beispiel für Prädikatumbildung

```
define : toss
define x 'egal
choose-any
#t : set! x 0
#t : set! x 1
```

$$wp(\text{toss}, x = 0) = \text{false} \quad (11)$$

$$wp(\text{toss}, x = 1) = \text{false} \quad (12)$$

$$wp(\text{toss}, x = 0 \vee x = 1) = \text{true} \quad (13)$$

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

choose-any/correct I

```
define : shuffle items
sort items : lambda (x y) (random:uniform) < 0.5

define : choose-any/internal guards
let loop : : guards : shuffle guards
when : not : null? guards
let : : guard : car guards
if ((car guard)) ;; gets and calls the lambda
: cdr guard ;; gets and calls the lambda
loop : cdr guards
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

channel tools I

```
define-record-type <channel>
channel message-count
. channel?
message-count
. channel-message-count
. channel-message-count-set!
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast all-to-all I

```
define : broadcast init out in
define V init
define W '()
define inqueue '()
pretty-print V
while-any
: not : equal? V W ;; Schritt 1
send-to-all out : lset-difference equal? V W
set! W V
pretty-print W
: check-in-has-input!? inqueue in ;; Schritt 2
set! V : apply lset-union equal? V inqueue
set! inqueue '()
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast all-to-all IV

```
lambda (n)
let-values : ((chan-in chan-out) (fibers:make-chan
list-set! out-channels (N - 1)
cons chan : list-ref out-channels (N - 1)
list-set! in-channels n
cons chan : list-ref in-channels n
let : (chan (fibers:make-channel))
list-set! in-channels (N - 1)
cons chan : list-ref in-channels (N - 1)
list-set! out-channels n
cons chan : list-ref out-channels n
iota (N - 1)
loop (N - 1)
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

Logikprogrammierung

Automatisierte Beweise durch Rückführung auf bewiesene Axiome.

- Minimalableitung:
 - {?} x:=1 {x=1} ;
 - ? = (1 = 1) = true
 - {true} x:=1 {x=1}
- Ebenso:
 - {?} x:=100 {x=0}
 - ? = (100 = 0) = false
 - {false} x:=1 {x=1}

Kein Beweis der Terminierung \Rightarrow Safety, nicht Liveness.

Äquivalent zu „Wenn alle Guards false sind, ist der Zustand richtig“.

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

Verweise I

Friedman, D. P. und Eastlund, C. (2015). *The Little Prover*. MIT Press, ISBN: 978-0262527958.

Ghosh, S. (2015). *Distributed Systems - An Algorithmic Approach*. Computer & Information Science. Chapman & Hall/CRC, 2 edition, ISBN: 978-1466552975.

Hellerstein, J. M. und Alvaro, P. (2019). Keeping CALM: when distributed consistency is easy. *CoRR*, abs/1901.01930, <http://arxiv.org/abs/1901.01930>.

Bilder:

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand

choose-any/correct II

```
define-syntax-rule : choose-any guarded ...
choose-any/internal
wrap-all-in-lambda guarded ...
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

channel tools II

```
define : send-message-to chan
channel-message-count-set! chan
+ 1 : channel-message-count chan

define : receive-message-from chan
channel-message-count-set! chan
+ -1 : channel-message-count chan

define : empty? chan
equal? 0 : channel-message-count chan
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast all-to-all II

```
pretty-print V
pretty-print V
. V

define : send-to-all channels value
for-each : cut fibers:put-message <> value
. channels

define : receive-from-all channels
map fibers:get-message channels
define-syntax-rule : check-in-has-input!? inqueue in
begin
set! inqueue : receive-from-all in
: lambda _ : not : every empty? inqueue
define : make-buffered-channel
```

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur
Zustandsbroadcast Implementierung

Zustands-Broadcast all-to-all V

```
fibers:run-fibers
lambda _
map
lambda (init out in)
fibers:spawn-fiber
lambda _
broadcast init out in
. init-values out-channels in-channels
. #:drain? #t
```

Auf strongly connected graph: Jeder Knoten in Richtung der Kanten („in Pfeilrichtung“) erreichbar.

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand
Werkzeuge
Literatur

Prädikatumbildung (predicate transformers)

$$wp(S, \text{false}) = \text{false} \quad (9)$$

- S: Programm
- wp(S, Zielzustand) = Bedingung
- Kein Programm kann false erfüllen

$$wp(\text{while-any}, Q) = \exists k \geq 0 : H_k(Q) \quad (10)$$

- k: Schritte
- $H_k(Q)$: Alle Zustände, die nach k Schritten terminieren.

Draketo
Verteilte Systeme 3: Algorithmen und Zustand